





Détecteurs à semiconducteurs

Jean Peyré

Centre de Sciences Nucléaires et de Sciences de la Matière (CSNSM) Université Paris Sud -CNRS-IN2P3

91405 Orsay Campus Tél.: +33 1 69 15 52 13 Fax: +33 1 69 15 50 08 http://www.csnsm.in2p3.fr







Jean.Peyre@csnsm.in2p3.fr

Ecole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

Détecteurs à semi-conducteurs

Sommaire

- I Caractéristiques de base des semi-conducteurs
- II Les semi-conducteurs dopés
- III La jonction PN
- IV Comment fonctionne un détecteur à semi-conducteurs ?
- V Caractéristiques des jonctions PN
- VI Détecteurs à diode silicium
- VII Détecteurs germanium

VII_a - Les détecteurs "planaires"

VII_b - Les détecteurs "coaxiaux"

VII_c - "Anti-compton"

VII_d - "Le projet AGATA"

VIII - autres matériaux





Jean Peyré

I - Caractéristiques de base des semi-conducteurs

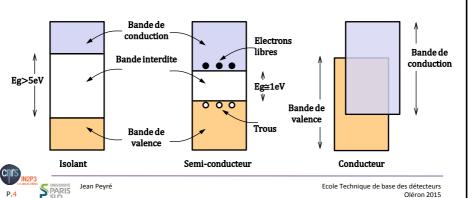


Ecole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

Les semi-conducteurs

Energies possibles d'un électron dans un cristal

- Les semi-conducteurs sont des solides dont la structure est périodique et le réseau cristallin.
 - Atome isolé ⇒ niveaux d'énergie quantifiés pour les électrons
 - Cristal ⇒ "bandes d'énergie permises" pour les électrons sont séparées par des "bandes interdites"

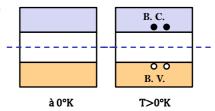


Etat probable occupé d'un électron dans un cristal à l'équilibre thermodynamique

La **conduction électrique** n'est possible que si il existe à l'intérieur d'une bande permise des niveaux vides à côté de niveaux occupés. Dans ce cas, les charges vont pouvoir se déplacer sous l'effet d'un champ électrique.

- □ A 0°K, la bande de valence des SC intrinsèque est pleine.
 - \rightarrow pas de conduction possible
- □ A Température > 0°K

La bande de conduction vide n'étant séparée de la bande de valence pleine que par un intervalle relativement faible (de I'ordre de ≅1 eV), une excitation thermique suffit aux électrons pour atteindre la bande de conduction créant ainsi des trous dans la bande de valence





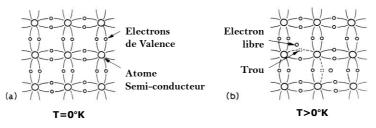
P.5

Ecole Technique de base des détecteurs

Les semi-conducteurs

Liaisons électroniques & porteurs de charge

- □ Porteurs de charges: **électrons** de charge **-q**_e et les **trous** que l'on peut traiter comme des particules de charge $+q_e$
- ☐ Atomes tétravalents: le **Germanium** et le **Silicium**



Nombre d'Avogadro: Na=6,022x10²³ mol⁻¹ M (Si) = 28,08 g/mol ; p(Si) = 2,33 g/cm³ \Rightarrow densité d'atomes Si= **5x10²² atomes/cm³** M (Ge) = 72,64 g/mol ; p(Ge) = 5,32 g/cm³ \Rightarrow densité d'atomes Ge= **4,4x10²² atomes/cm³**

Pour le Si et Ge≈ 5x10²² atomes/cm³



Jean Peyré

Liaisons électroniques & porteurs de charge

☐ A température > 0°K, formation de paires électron/trou par excitation thermique

$$n_i^2 = np = AT^3 e^{\left(\frac{-E_g}{kT}\right)}$$

Si unité E_g 300°K 0,67 1,11 eV eV E_g 77°K 0,74 1,16

 $n_i = n = p pour SC intrinsèque$

| | Ge | Si | unité |
|---|--------------------------------|--------------------------------|------------------------|
| concentration n _i à 300°K | \approx 2,4x10 ¹³ | \approx 1,4x10 ¹⁰ | atomes/cm ³ |
| concentration n _i à 273°K | \approx 4,7x10 ¹² | $\approx 1.3 \times 10^{9}$ | atomes/cm ³ |
| concentration n _i à 77°K | ≈3,2x10 ⁻⁷ | $\approx 2.3 \times 10^{-20}$ | atomes/cm ³ |

k: cste de Boltzmann

T: Température

A: Constante caractéristique du matériau

E_g: gap en énergie de la bande interdite

n: concentration (nbre par unité de volume) en électrons de la bande de conduction

p: concentration (nbre par unité de volume) en trous de la bande de valence

n_i: concentration pour le materiau intrinsèque

à T=300°K, kT≅0,025eV

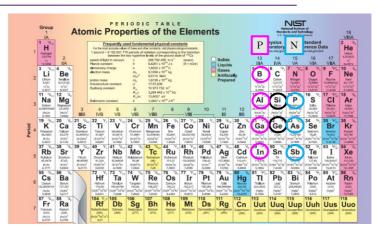
Jean Peyré

Ecole Technique de base des détecteurs

II - Les semi-conducteurs dopés







En pratique il est difficile d'obtenir des matériaux purs. Il subsiste toujours des impuretés (10^9 at/cm^3) .

Par contre, il est facile de doper les cristaux avec des impuretés déterminées. On a alors des **semi-conducteurs extrinsèques**.



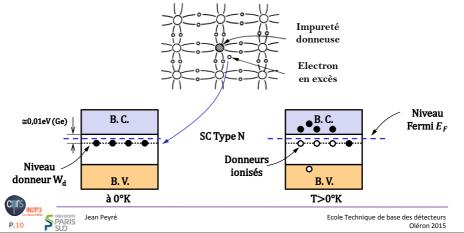
Jean Peyré

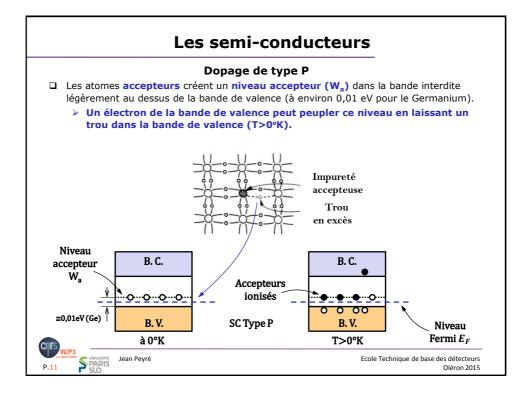
Ecole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

Les semi-conducteurs

Dopage de type N

- \square Les atomes **donneurs** créent un **niveau donneur** ($\mathbf{W_d}$) dans la bande interdite très légèrement sous le bas de la bande de conduction (à environ 0,01 eV pour le Germanium):
 - l'électron du donneur peut être excité facilement (T>0°K) dans la bande de conduction





| Port | eurs de charge | e | | |
|--|---|---|--|--|
| | a 10 ¹⁶ at/cm³ pour 5x10 ²² at /cm³ | | Rappel: excitation thermique intrinsè | |
| ■ Semi-conducteur de type N à 300 | Ͻ°K: | Si | Si: n _i = 1,4x10¹⁰/cm ³ à 30 | |
| C Somi conductour de ture D à 200 | 2014 | | | |
| Semi-conducteur de type P à 300 - p ≅ N_A , p nombre de porteurs - résistivité ρ≅ 1/ q_e.N_A.μ_h Dans un semi-conducteur QUELCO intrincèreus | majoritaires, N _A (a | est une caractéris | tique du matériau | |
| - $p \cong N_A$, p nombre de porteurs - résistivité $\rho \cong 1/q_e.N_A.\mu_h$ | majoritaires, N _A (a | est une caractéris | • | |
| p ≅ N_A , p nombre de porteurs résistivité ρ≅ 1/ q_e.N_A.μ_h Dans un semi-conducteur <u>QUELCC</u> intrinsèque. | majoritaires, N_{A} (a $\overline{DNQUE}, n_{i}^{2} = np, n_{i}^{2}$ | $n_i{}^2=n_i$ est une caractéris $n_i{}^2=n_i$ Si | tique du matériau | |
| p ≅ N_A , p nombre de porteurs résistivité ρ≅ 1/ q_e.N_A.μ_h Dans un semi-conducteur <u>QUELCC</u> | majoritaires, N_A (and approximation of $n_1^2 = np$, $n_2^2 = np$), $n_3^2 = np$, $n_4^2 = np$, | $n_i^2 = rac{{ m Si}}{14}$ | tique du matériau $np = AT^3 e^{\left(\frac{-E_g}{kT}\right)}$ | |
| p ≅ N_A , p nombre de porteurs résistivité ρ≅ 1/ q_e.N_A.μ_h Dans un semi-conducteur <u>QUELCC</u> intrinsèque. | majoritaires, N_{A} (a $\overline{DNQUE}, n_{i}^{2} = np, n_{i}^{2}$ | $n_i{}^2=n_i$ est une caractéris $n_i{}^2=n_i$ Si | tique du matériau $np = AT^3 e^{\left(\frac{-E_g}{kT}\right)}$ | |
| p ≅ N_A , p nombre de porteurs résistivité ρ≅ 1/ q_e.N_A.μ_h Dans un semi-conducteur <u>QUELCC</u> intrinsèque. | majoritaires, N_A (and approximation of $n_1^2 = np$, $n_2^2 = np$), $n_3^2 = np$, $n_4^2 = np$, | $n_i^2 = rac{{ m Si}}{14}$ | tique du matériau $np = AT^3 e^{\left(\frac{-E_g}{kT}\right)}$ | |
| p ≅ N_A , p nombre de porteurs résistivité ρ≅ 1/ q_e.N_A.μ_h Dans un semi-conducteur <u>QUELCC</u> intrinsèque. Numéro atomique Z Masse atomique A | majoritaires, N_A (and approximation of $n_i^2 = np$, $n_i^2 = np$, $n_i^2 = np$), $n_i^2 = np$, | $n_i^2 = \frac{\sin x}{14}$ | tique du matériau $np = AT^3 e^{\left(\frac{-E_g}{kT}\right)}$ unité | |
| - $p \cong N_A$, p nombre de porteurs - résistivité $\rho \cong 1/q_e.N_A.\mu_h$ Dans un semi-conducteur QUELCO intrinsèque. Numéro atomique Z Masse atomique A Densité | majoritaires, N_A (and approximation of $n_i^2 = np$, $n_i^2 = np$, $n_i^2 = np$), $n_i^2 = np$, | $n_i^2 = \frac{\sin \theta}{14}$ | tique du matériau $np = AT^3 e^{\left(\frac{-E_g}{kT}\right)}$ unité | |

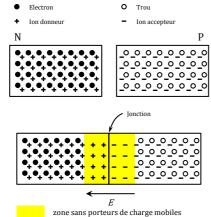
III - La jonction PN



Ecole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

Les semi-conducteurs

La jonction PN



Le **semi-conducteur de type N** contient bien plus **d'électrons libres** que le matériaux de **type P**.

Lorsqu'on met en contact un semiconducteur de type P et un semi conducteur de type N, par diffusion, les électrons du type N vont combler les trous du type P jusqu'à l'équilibre.

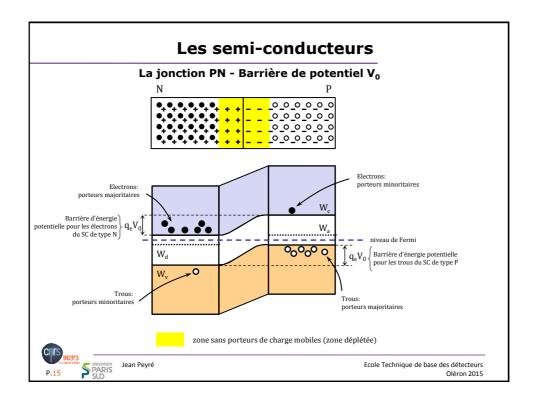
Ce déplacement laisse **localement une charge nette** due aux dopants fixes ionisés des deux matériaux.

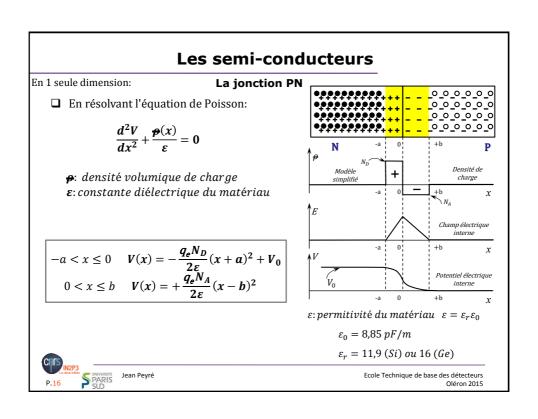
Cette charge nette **induit un champ électrique** qui va limiter la diffusion des charges jusqu'à équilibre.

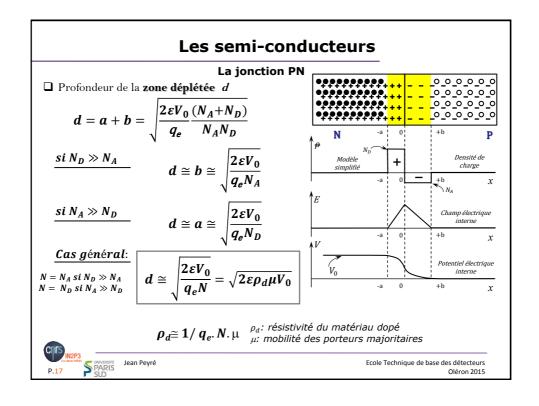
La ZONE SANS PORTEUR DE CHARGE MOBILE est dite ZONE DE CHARGE D'ESPACE, ZONE DE DÉPLÉTION OU ZONE DÉPEUPLÉE. Elle constitue une barrière de potentiel pour les électrons et les trous.

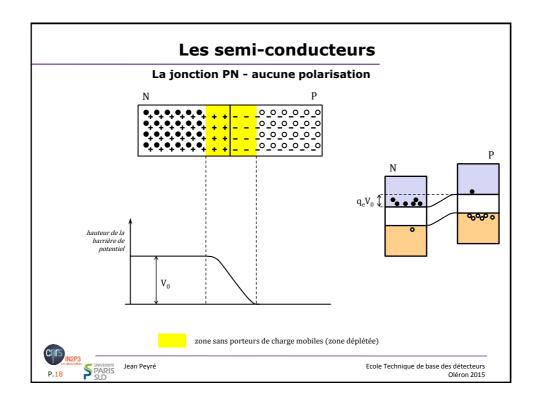
P.14 SUNIVERSITÉ PARIS

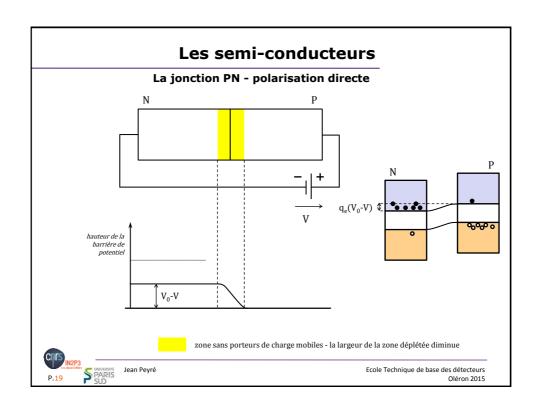
PARIS Jean Peyré

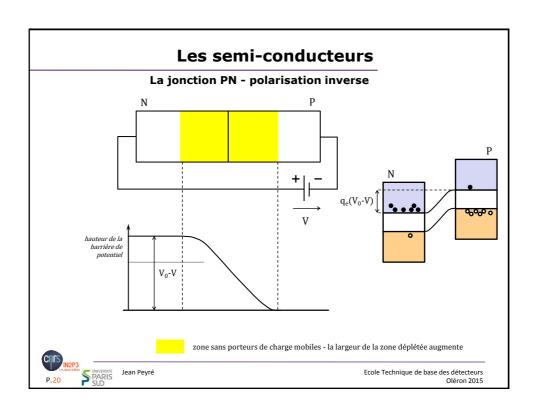


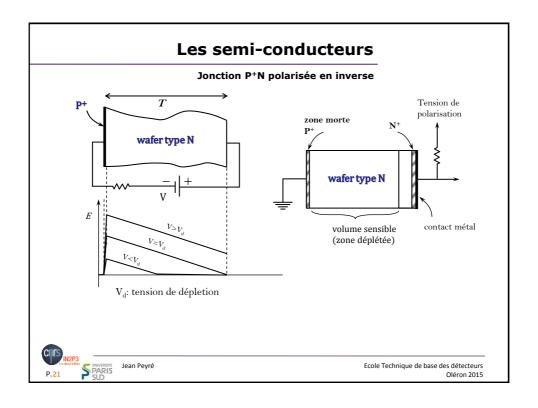


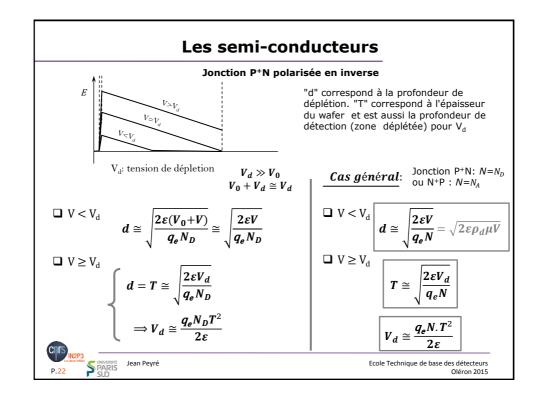












La jonction PN "planaire" - formules pratiques

☐ Profondeur de la **zone déplétée** d

$$\rho_d \rightarrow \Omega.cm$$
, $V \rightarrow V$ et $d \rightarrow \mu m$

 $d \cong \sqrt{2\varepsilon\rho_d\mu V}$

 ho_d : résistivité du matériau dopé μ : mobilité des porteurs majoritaires

Silicium à 300°K

type N
$$d = 0,533\sqrt{\rho_d V}$$

type P
$$d = 0,318\sqrt{\rho_d V}$$

Germanium à 300°K

type N
$$d = 1,051\sqrt{\rho_d V}$$

type P
$$d = 0,733\sqrt{\rho_d V}$$

Silicium à 77°K

type N
$$d = 2,103\sqrt{\rho_d V}$$

type P
$$d=1,522\sqrt{\rho_d V}$$

Germanium à 77°K

type N
$$d = 3,193\sqrt{\rho_d V}$$

type P
$$d = 3,449\sqrt{\rho_d V}$$

- Capacité par unité de surface $C = \frac{\varepsilon}{d}$ ε : permitivité du matériau $\varepsilon_0 = 8,85 \ pF/m$ d: profondeur de la zone déplétée $\varepsilon_0 = 11.0 \ Ci)$ co

$$\varepsilon_r=11,9~(Si)~ou~16~(Ge)$$

Silicium $C(pF/mm^2) = \frac{105}{d(\mu m)}$

 $C(pF/mm^2) = \frac{142}{d(\mu m)}$ Germanium



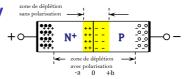
Jean Peyré

Ecole Technique de base des détecteurs

Les semi-conducteurs

La jonction PN - exemple

> Jonction polarisée en inverse à 300 V



Silicium

type N
$$d \approx 0,53\sqrt{\rho_n V} = 1,3mm$$

type P
$$d \cong 0,32\sqrt{\rho_p V} = 0,8mm$$

$$avec \rho = 20000 \Omega. cm \ et V = 300V$$

Si $N_D\gg N_A$ (at/cm³), cela signifie que:

$$b \gg a$$

La zone déplétée se trouve presque complètement du côté P (zone sensible de détection). On parle alors de jonction PN+



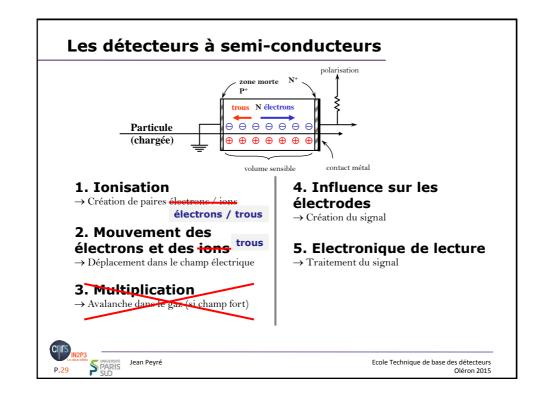
Jean Peyré

| Principales caractéristiques | | | |
|---|----------------------|-----------------------|---------------------|
| | Ge | Si | unité |
| Numéro atomique Z | 32 | 14 | |
| Masse atomique A | 72,6 | 28,1 | |
| Densité | 5,32 | 2,33 | g/cm ³ |
| largeur bande interdite $\mathrm{E_g}$ | 0,74 @77°K | 1,1@300°K | eV |
| Permittivité relative $\boldsymbol{\epsilon}_r$ | 16 | 11,9 | |
| Mobilité électrons @300°K | 3900 | 1350 | cm ² /Vs |
| Mobilité trous @300°K | 1900 | 480 | cm ² /Vs |
| Mobilité électrons @77°K | 36000 | 21000 | cm ² /Vs |
| Mobilité trous @77°K | 42000 | 11000 | cm ² /Vs |
| n _i @300°K | $2,4 \times 10^{13}$ | $1,45 \times 10^{10}$ | cm ⁻³ |
| Résistivité intrinsèque à 300°K | ~ 45 | ~ 230000 | Ω .cm |

IV - Comment fonctionne un détecteur à semi-conducteurs ?



Les détecteurs gazeux à ionisation Anode + E électrons E Θ Θ Θ Θ Θ Θ Θ Θ **Particule** \mathbf{C} (chargée) T \oplus \oplus \oplus \oplus \oplus \oplus \oplus R Cathode -1. Ionisation 4. Influence sur les \rightarrow Création de paires électrons / ions électrodes → Création du signal 2. Mouvement des électrons et des ions 5. Electronique de lecture → Déplacement dans le champ électrique → Traitement du signal 3. Multiplication → Avalanche dans le gaz (si champ fort) Jean Peyré Ecole Technique de base des détecteurs



Toréation d'une zone sans porteur de charge Interaction rayonnement matière dans cette zone désertée (déplétée) Création de paires électrons-trous Collection des paires par application d'un champ électrique. La jonction PN (Si & Ge): - mise en contact de 2 semi-conducteurs d'un même matériau de dopages P et N. Détecteur homogène (C, CdTe, CdZnTe, HgI₂,...): - semi-conducteur de très haute résistivité. - deux faces opposées sont munies d'électrodes.

Ecole Technique de base des détecteurs

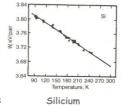
Jean Peyré

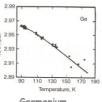
V - Caractéristiques de détection des jonctions PN



Energie moyenne pour créer une paire é-trou

| | Ge | Si | unité |
|----------|------|------|----------|
| w @77°K | 2,96 | 3,81 | eV/paire |
| w @300°K | | 3,62 | eV/paire |





$$n_0 = \frac{E}{w}$$

 \emph{n}_0 : nombre de paires primaires créées

 $\boldsymbol{\mathit{E}}$: énergie moyenne déposée par évènement (eV)

w: Energie moyenne pour produire une paire chargée (eV/paire)

Germanium

Bande interdite en fonction de la température

| | Ge | Si | unité |
|----------------|---------------|---------------|-------|
| E _g | 0,74 @77°K | 1,1 @300°K | eV |







Ecole Technique de base des détecteurs

Les semi-conducteurs

Déplacement des électrons et des trous

☐ Sous l'action d'un champ électrique, les électrons et les trous ont une vitesse de dérive dans un semi-conducteur:

$$v_e = \mu_e E$$

$$v_h = \mu_h E$$

 v_e , v_h = vitesse de dérive des électrons & des trous (cm.s⁻¹)

 μ_e , $\mu_h = mobilité (cm^2.V^{-1}.s^{-1})$

 $E = champ \ électrique \ (V.cm^{-1})$

- \square A 300°K, pour le silicium, $\mu_e = 1350 \text{ cm}^2 \cdot V^{-1} \cdot s^{-1} \text{ et } \mu_h = 480 \text{ cm}^2 \cdot V^{-1} \cdot s^{-1}$
- □ A 300°K, pour le germanium, μ_e = 3900cm². V^{-1} . s^{-1} et μ_h = 1900cm². V^{-1} . s^{-1}

Facteur ~1000 fois supérieur comparé au déplacement des ions dans les gaz... GAZ ions: ≈1 cm².atm.V⁻¹.s⁻¹ électrons: ≈1000 cm2.atm.V-1.s-1



Influence sur les électrodes

et non pas "collection des charges"

Théorème de Shockley-Ramo

Le théorème de Shockley-Ramo permet de calculer facilement le courant instantané induit par une charge en mouvement entre 2 électrodes. Elle est basée sur la notion que le **courant induit** dans l'électrode est dû au **mouvement des charges**, et non à la quantité de charge reçue par l'électrode par seconde.

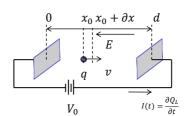
$$\partial Q_L = \frac{\partial x}{d} q$$

I et Q_L : courant et charge induit dans le circuit extérieur

q: charge en mouvement

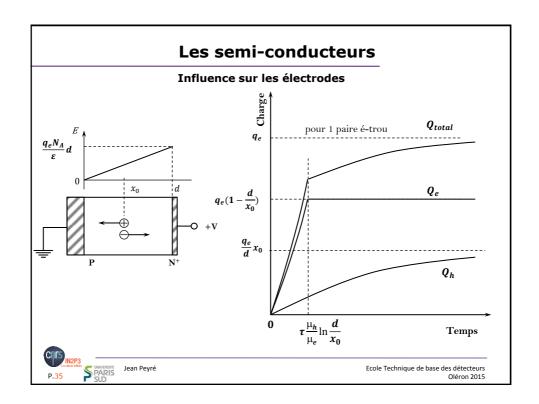
L: distance entre les électrodes

 ∂x : distance parcourue par la charge



Ces équations sont normalement valable pour un volume vide entre électrodes. On montre que cela est également valable en présence de charges d'espace (SC).





VI - Détecteurs à diode silicium



Ecole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

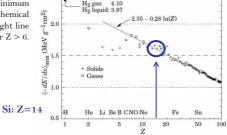
Utilisation en physique de hautes énergies Mesure de la position

Détecteurs de « Vertex » ou de « Traces »

Stopping power at minimum ionization for the chemical elements. The straight line is fitted for Z > 6.

Silicium de 300 μm

Particule au Minimum d'ionisation (mip) :



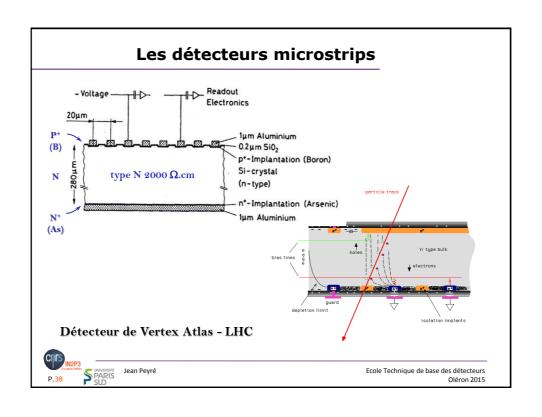
Dans une zone déplétée de 300 μm , un mip dépose une énergie : E=0.03cm x (1.6 MeV/(g/cm²))x(2.33g/cm³)=100 keV

Sachant qu'il faut 3.6 eV pour libérer une paire électron-trou dans le silicium, le nombre de paires crées est de :

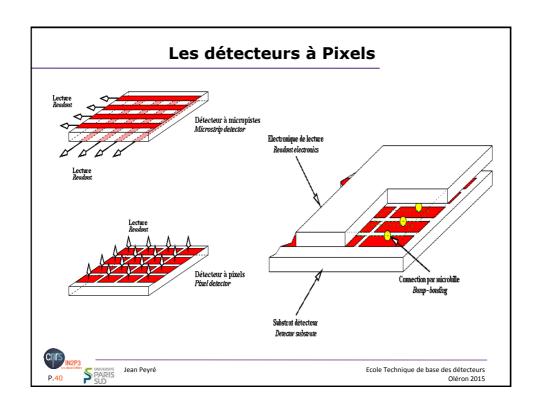
100 keV/ 3.6 eV= 25000 paires. (80 paires par micron pour un mip)

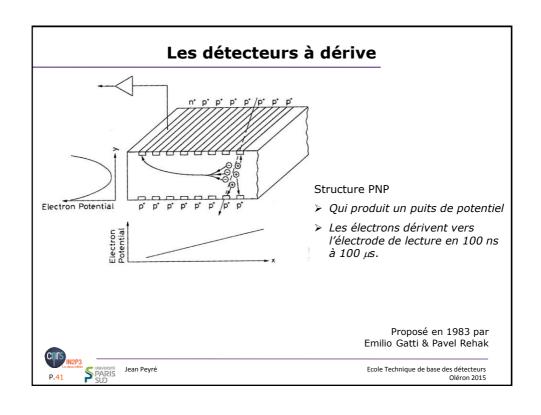


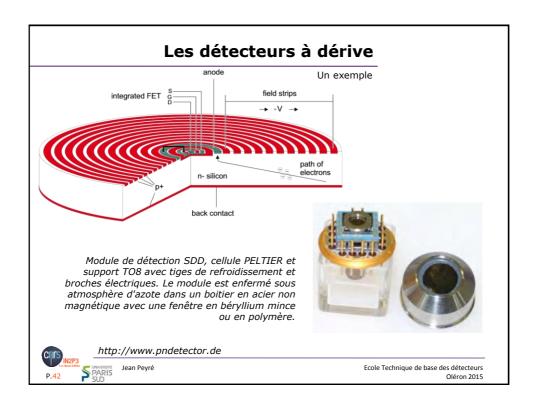
Jean Peyré











Détecteurs au Silicium Utilisation en physique nucléaire

Mesures d'énergie

(Grande dynamique)

Mesures de temps

Mesures de position

(Segmentation en pistes)

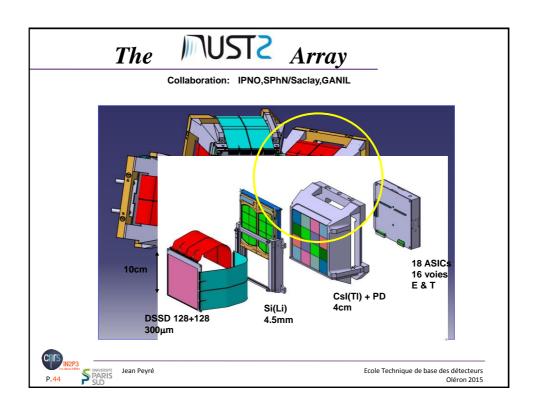
Identification de noyaux

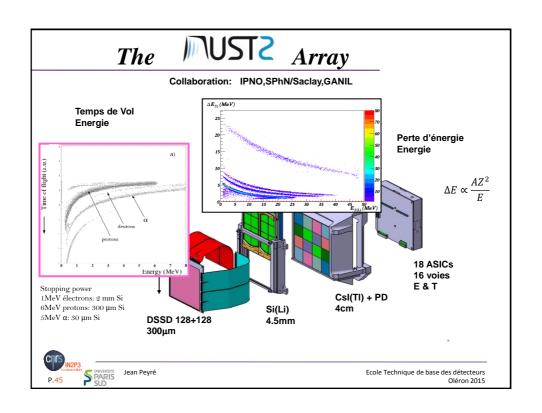
Perte Energie / Energie Energie / Temps de vol Forme d'impulsion

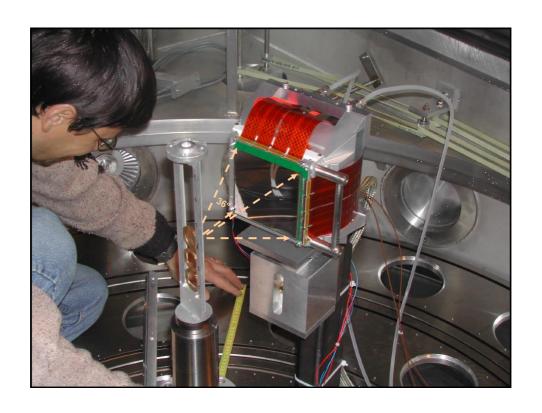


Ecole Technique de base des détecteurs

Jieron 2015







VII - Détecteurs germanium



• Germanium

- Densité: 5,32g.cm⁻³
- Mobilité des trous : 42000 cm²V⁻¹s⁻¹ à 77°K
- Mobilité des électrons : 36000 cm²V⁻¹s⁻¹ à 77°K
- Utilisation à des températures cryogéniques (77°K-azote liquide) afin de limiter la génération thermique de porteurs (faible gap E_q = 0,67 eV)
- w=2,96 eV à 77°K

 $d \cong \sqrt{\frac{2\varepsilon V}{q_e N}}$

d: profondeur zone déplétée V: tension de polarisation inverse

 ε : constante diélectrique du matériau $q_e{=}1\text{,}6\ 10^{19}\text{C}$

 $\bar{N}=$ taux d'impureté dans le Semi Conducteur (souvent noté $N=|N_A-N_D|$ pour les détecteurs Ge)

A une tension donnée, pour augmenter **d** il faut diminuer **N**:

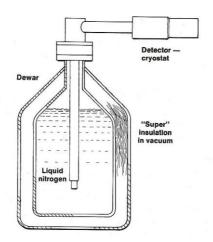
 \rightarrow (HPGe) d >> 1cm 10^9 a 10^{10} at/cm³ pour 10^{22} at/cm³ \rightarrow avoir une zone intrinsèque (compensation Ge(Li)) -- haute résistivité (100 000 Ω .cm)

IN2P3

Jean Peyré

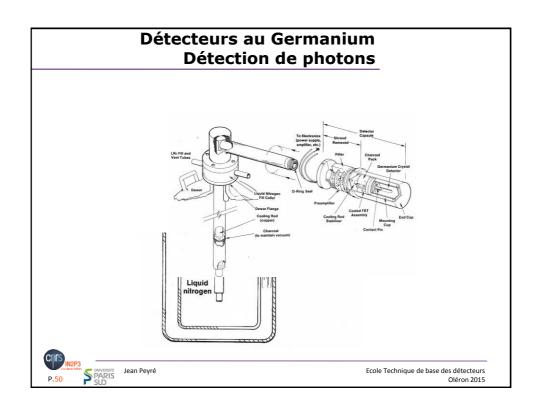
Ecole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

Détecteurs au Germanium Détection de photons

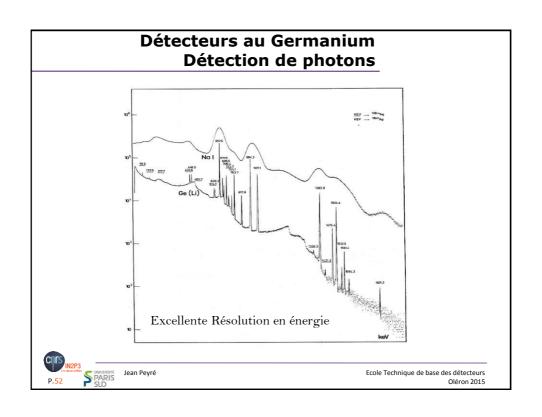


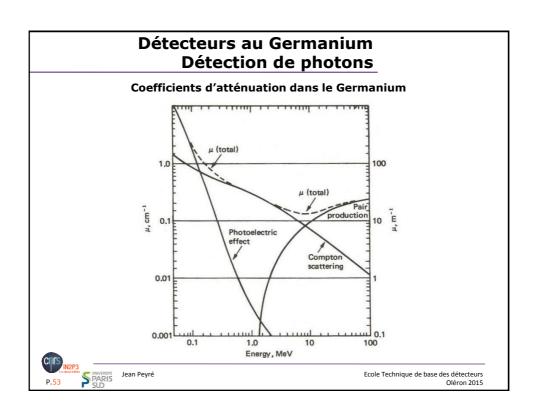


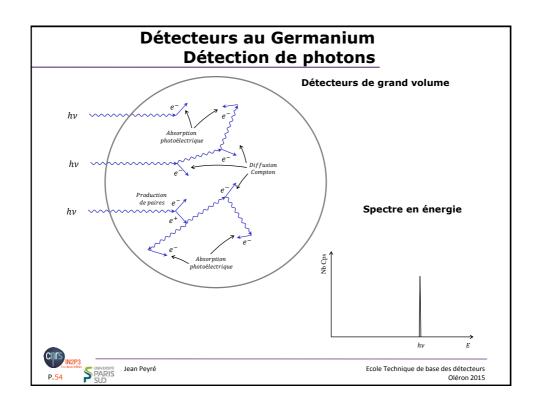
SPARIS Jean Peyré

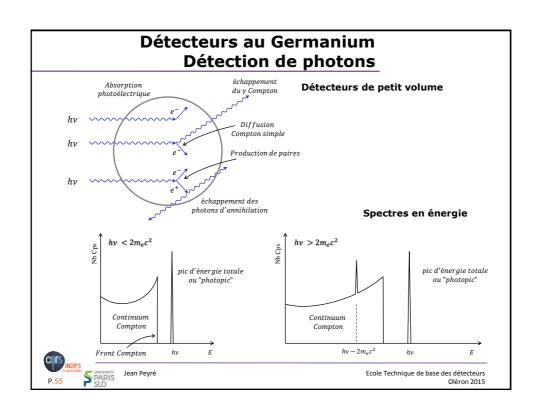


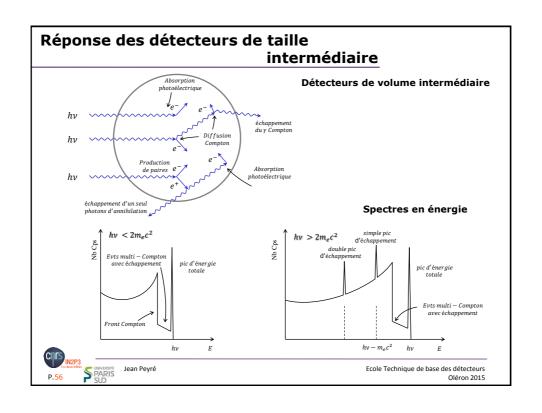


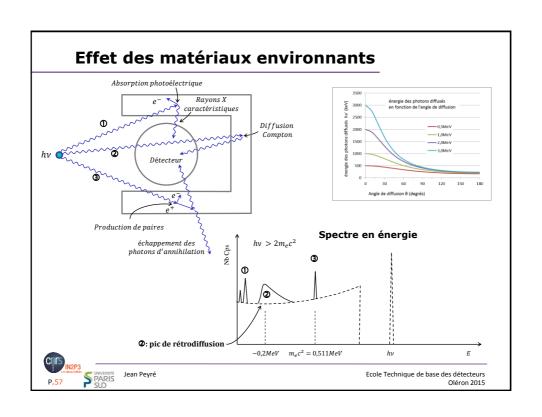




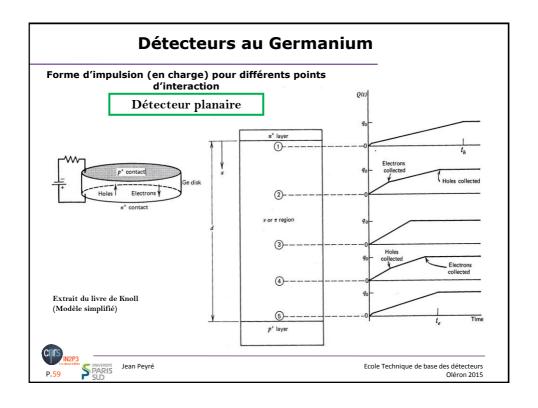






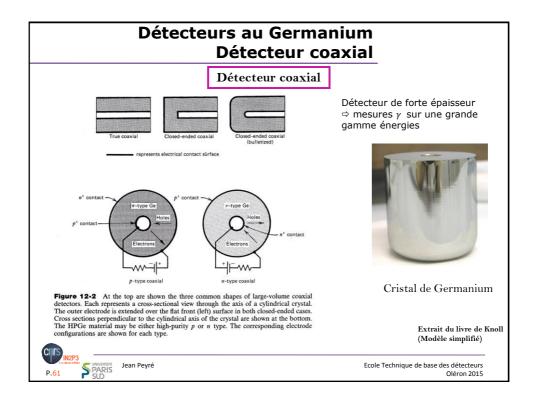


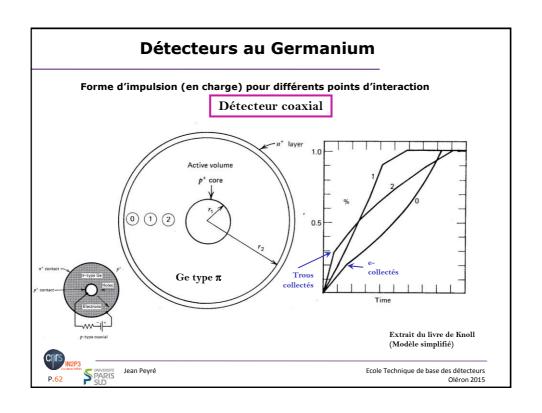
VII_a - Les détecteurs "planaires" **BORGET** **BORG

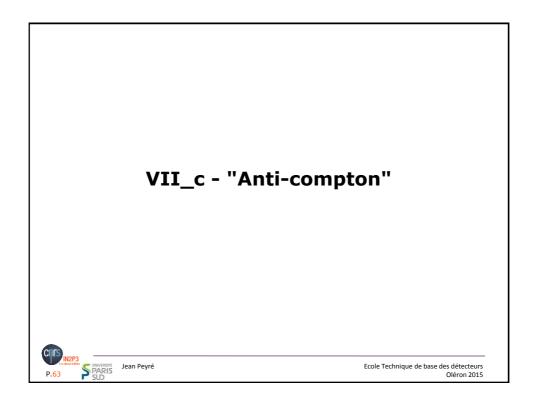


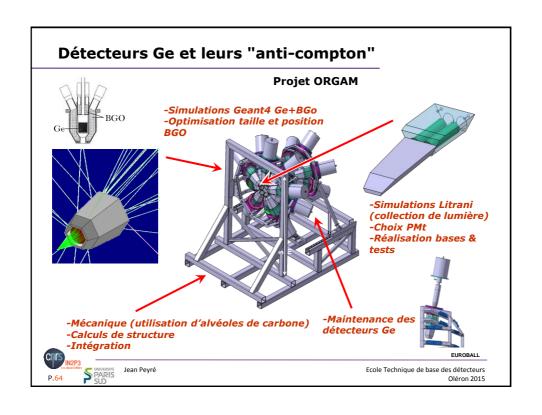
VII_b - Les détecteurs "coaxiaux"

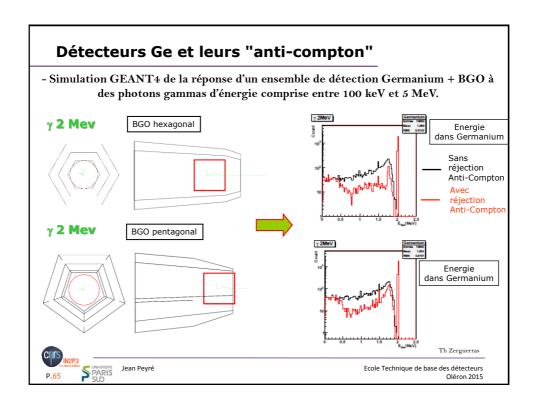












VII_d - "Le projet AGATA" | Cole Technique de base des détecteurs Oléron 2015

